

ОТВЕТЫ

Вариант/ задания	B1	B2	B3	B4	B5	B6	B7	C1
1	11	5	- 0,5	36	634,5	1000	64	4; 6,25
2	10	14	- 2	85	423000	70	52	$\left(-1; \frac{6}{5}\right)$
3	105	5	0,25	13	761,6	75	10	$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in Z$
4	15	1425	- 9	29	192	128	10	$(-1; 0)$
5	9	757	- 1	39	2,8	0,25	9	$\frac{\pi}{2} + \pi k, k \in Z$
6	8	2002	0,4	27	650	4000	48	3; 3,4
7	10	5	1	55	55000	625	60	$\left(-2; \frac{13}{6}\right)$
8	18	5	4	55	1624	210	12	$(-1)^{n+1} \cdot \frac{\pi}{4} + \pi n, n \in Z$
9	5	1435	- 7	32	61	0,8	9	$\left[-\frac{8}{9}; \frac{3}{2}\right)$
10	10	759	- 3	0,96	2,5	571,5	8	2; $\pi k, k \in Z$
11	8	2003	- 1	15	620	20	48	4; $5\frac{1}{3}$
12	1,5	5	- 0,5	0,25	54000	12500	42	$(0,5; 2)$
13	6	4	3	40	82,5	70	40	$\pm \frac{3\pi}{4} + 2\pi n, n \in Z$
14	7	16	- 11	0,6	184	70,4	12	$(2,5; 6)$
15	16	4	4	112	2,7	1024	12	1; $\pi k, k \in Z$

При проверке работы за каждое из заданий **B1 - B7** выставляется **1 балл**, если ответ правильный, и **0 баллов**, если ответ неправильный.

За выполнение задания **C1** выставляется **от 0 до 2 баллов** в зависимости от полноты и правильности ответа в соответствии с приведенными ниже критериями.

Максимальное количество баллов: $7 \times 1 + 2 = 9$.

НОРМЫ ВЫСТАВЛЕНИЯ ОЦЕНОК

Баллы	0 - 3	4	5 - 7	8 - 9
Оценка	«2»	«3»	«4»	«5»

КРИТЕРИИ И РЕШЕНИЯ ЗАДАНИЙ С1**Варианты № 1, 6, 11**

№ 1 С1. Решите уравнение $\sqrt{9 - 6x + x^2} - 1 = \sqrt{(3x - 12)(7 - x)}$.

Решение:

1) Преобразуем уравнение: $\sqrt{(3 - x)^2} - 1 = \sqrt{(3x - 12)(7 - x)}$,
 $|3 - x| - 1 = \sqrt{3(x - 4)(7 - x)}$. О.Д.З.: $(x - 4)(7 - x) \geq 0$, $4 \leq x \leq 7$.

Учитывая О.Д.З., имеем: $x - 3 - 1 = \sqrt{3(x - 4)(7 - x)}$.

2) Решим полученное уравнение: $x - 4 = \sqrt{3(x - 4)(7 - x)}$,

$(x - 4) = \sqrt{3(x - 4)(7 - x)}$ отсюда $x = 4$ или $\sqrt{x - 4} = \sqrt{21 - 3x}$,

$x - 4 = 21 - 3x$, $4x = 25$, $x = 6,25$.

Оба корня удовлетворяют О.Д.З.

Ответ: 4; 6,25.

Баллы	Критерии оценки выполнения задания С1
2	Приведена верная последовательность шагов решения: 1) представление данного иррационального уравнения в иррациональное уравнение, содержащее один радикал; 2) решение полученного иррационального уравнения. Все преобразования и вычисления проведены правильно, получен верный ответ.
1	Приведена верная последовательность всех шагов решения. При решении уравнения в шаге 2) допущена описка и/или негрубая вычислительная ошибка, не влияющая на правильность дальнейшего хода решения. В результате этой описка и/или ошибки может быть получен неверный ответ.
0	Все случаи решения, не соответствующие указанным выше критериям выставления оценок в 1 или 2 балла.

№ 6 С1. Решите уравнение $\sqrt{25 - 20x + 4x^2} - 1 = \sqrt{(x - 3)(5 - x)}$.

Решение:

1) Преобразуем уравнение: $\sqrt{(5 - 2x)^2} - 1 = \sqrt{(x - 3)(5 - x)}$,

$|5 - 2x| - 1 = \sqrt{(x - 3)(5 - x)}$, $|5 - 2x| = \sqrt{(x - 3)(5 - x)} + 1$.

О.Д.З.: $(x - 3)(5 - x) \geq 0$, $3 \leq x \leq 5$.

Учитывая О.Д.З., имеем: $2x - 5 - 1 = \sqrt{(x - 3)(5 - x)}$.

2) Решим полученное уравнение: $2x - 6 = \sqrt{(x - 3)(5 - x)}$,

$2(x - 3) = \sqrt{(x - 3)(5 - x)}$ отсюда $x = 3$ или $2\sqrt{x - 3} = \sqrt{5 - x}$,

$4(x - 3) = 5 - x$, $4x - 12 = 5 - x$, $5x = 17$, $x = \frac{17}{5} = 3,4$.

Оба корня удовлетворяют О.Д.З.

Ответ: 3; 3,4.

№ 11 С1. Решите уравнение $\sqrt{(2x-8)(6-x)} - \sqrt{9-6x+x^2} + 1 = 0$.

Решение:

1) Преобразуем уравнение к виду: $\sqrt{2(x-4)(6-x)} + 1 - \sqrt{(3-x)^2} = 0$,
 $\sqrt{2(x-4)(6-x)} + 1 = |3-x|$, тогда О.Д.З.: $2(x-4)(6-x) \geq 0$, $4 \leq x \leq 6$.

Учитывая О.Д.З., имеем: $\sqrt{2(x-4)(6-x)} + 1 = -3 + x$.

2) Решим полученное уравнение: $\sqrt{2(x-4)(6-x)} = x-4$, отсюда $x=4$
 или $\sqrt{2(6-x)} = \sqrt{x-4}$, $2(6-x) = x-4$, $12-2x = x-4$, $3x = 16$, $x = 5\frac{1}{3}$.

Оба найденные корня удовлетворяют О.Д.З.

Ответ: $4; 5\frac{1}{3}$.

Варианты № 2, 7, 12

№ 2 С1. Решите неравенство $(3 \cdot 3^{2x} - 28 \cdot 3^x + 9) \sqrt{\frac{36}{25} - x^2} < 0$.

Решение: Данное неравенство эквивалентно системе

$$\begin{cases} \frac{36}{25} - x^2 > 0, \\ 3 \cdot 3^{2x} - 28 \cdot 3^x + 9 < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left(\frac{6}{5} - x\right)\left(\frac{6}{5} + x\right) > 0, \\ 3\left(3^x - \frac{1}{3}\right)\left(3^x - 9\right) < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -\frac{6}{5}, \\ x < \frac{6}{5}, \\ 3^x > \frac{1}{3}, \\ 3^x < 9, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -\frac{6}{5}, \\ x < \frac{6}{5}, \\ x > -1, \\ x < 2, \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left(-1; \frac{6}{5}\right).$$

Ответ: $\left(-1; \frac{6}{5}\right)$

Баллы	Критерии оценки выполнения задания С1
2	Приведена верная последовательность шагов решения: 1) переход от неравенства к эквивалентной системе неравенств; 2) решение полученной системы неравенств. Все преобразования и вычисления проведены правильно, получен верный ответ.
1	Приведена верная последовательность всех шагов решения. При решении системы неравенств в шаге 2) допущена описка и/или негрубая вычислительная ошибка, не влияющая на правильность дальнейшего хода решения. В результате этой описка и/или ошибки может быть получен неверный ответ.
0	Все случаи решения, не соответствующие указанным выше критериям выставления оценок в 1 или 2 балла.

№ 7 С1. Решите неравенство $(4 \cdot 2^{2x} - 33 \cdot 2^x + 8) \sqrt{\frac{169}{36} - x^2} < 0$.

Решение: Данное неравенство эквивалентно системе

$$\begin{cases} \frac{169}{36} - x^2 > 0, \\ 4 \cdot 2^{2x} - 33 \cdot 2^x + 8 < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left(\frac{13}{6} - x\right)\left(\frac{13}{6} + x\right) > 0, \\ 4\left(2^x - \frac{1}{4}\right)\left(2^x - 8\right) < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -\frac{13}{6}, \\ x < \frac{13}{6}, \\ 2^x > \frac{1}{4}, \\ 2^x < 8, \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x > -\frac{13}{6}, \\ x < \frac{13}{6}, \\ x > -2, \\ x < 3, \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left(-2; \frac{13}{6}\right).$$

Ответ: $\left(-2; \frac{13}{6}\right)$

№ 12 С1. Решите неравенство $(5 \cdot 5^{2x} - 126 \cdot 5^x + 25) \sqrt{5,5x - x^2 - 2,5} < 0$.

Решение: Данное неравенство эквивалентно системе

$$\begin{cases} 5,5x - x^2 - 2,5 > 0, \\ 5 \cdot 5^{2x} - 126 \cdot 5^x + 25 < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 5,5x + 2,5 < 0, \\ 5\left(5^x - \frac{1}{5}\right)\left(5^x - 25\right) < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (x - 0,5)(x - 5) < 0, \\ 5^x > \frac{1}{5}, \\ 5^x < 25, \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x > 0,5, \\ x < 5, \\ x > -1, \\ x < 2, \end{cases} \Leftrightarrow x \in (0,5; 2).$$

Ответ: $(0,5; 2)$

Варианты № 3, 8, 13

№ 3 C1. Решите уравнение $\cos 2x + \left(\sqrt{\cos x + \cos \frac{\pi}{6}} \right)^2 = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

Решение:

1) Учитывая, что $\cos x \geq -\cos \frac{\pi}{6}$, т.е. $\cos x \geq -\frac{\sqrt{3}}{2}$ преобразуем уравнение к виду

$$2\cos^2 x - 1 + \left(\cos x + \cos \frac{\pi}{6} \right) = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad 2\cos^2 x + \cos x - 1 = 0.$$

2) Решим полученное уравнение:

а) $\cos x = -1$, что не удовлетворяет условию $\cos x \geq -\frac{\sqrt{3}}{2}$;

б) $\cos x = \frac{1}{2}$, откуда $x = \pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in Z$

Ответ: $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in Z$

№ 8 C1. Решите уравнение $2\sin^2 x + \sqrt{2}(\sin x - 1) + 2\left(\sqrt{\frac{\sqrt{3}}{2} - \sin x} \right)^2 = \sqrt{3}$.

Решение:

1) Учитывая, что $\frac{\sqrt{3}}{2} - \sin x \geq 0$, т.е. $\sin x \leq \frac{\sqrt{3}}{2}$ преобразуем уравнение к виду:

$$2\sin^2 x + \sqrt{2}\sin x - \sqrt{2} + 2\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \sin x \right) = \sqrt{3},$$

$$2\sin^2 x + \sqrt{2}\sin x - \sqrt{2} + \sqrt{3} - 2\sin x = \sqrt{3},$$

$$2\sin^2 x + (\sqrt{2} - 2)\sin x - \sqrt{2} = 0.$$

2) Решим полученное уравнение:

а) $\sin x = 1$, что не удовлетворяет условию $\sin x \leq \frac{\sqrt{3}}{2}$;

б) $\sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$, откуда $x = (-1)^{n+1} \cdot \frac{\pi}{4} + \pi n, n \in Z$

Ответ: $(-1)^{n+1} \cdot \frac{\pi}{4} + \pi n, n \in Z$

№ 13 C1. Решите уравнение $\sqrt{2}(\cos x - 1) - 2\cos x \cdot \left(\sqrt{\frac{1}{2} - \cos x} \right)^2 = \cos x$.

Решение:

1) Учитывая, что $\cos x \leq \frac{1}{2}$ преобразуем уравнение к виду

$$\sqrt{2}\cos x - \sqrt{2} - 2\cos x \cdot \left(\frac{1}{2} - \cos x \right) = \cos x,$$

$$2\cos^2 x - 2\cos x + \sqrt{2}\cos x - \sqrt{2} = 0,$$

$$2\cos^2 x + (\sqrt{2} - 2)\cos x - \sqrt{2} = 0.$$

2) Решим полученное уравнение:

а) $\cos x = 1$, что не удовлетворяет условию $\cos x \leq \frac{1}{2}$;

б) $\cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$, отсюда $x = \pm \frac{3\pi}{4} + 2\pi n, n \in Z$

Ответ: $\pm \frac{3\pi}{4} + 2\pi n, n \in Z$

Варианты № 4, 9, 14

№ 4 С1. Решите неравенство $(\log_2^2(x+2) + 2\log_2(x+2) - 3)\sqrt{1-x^2} < 0$.

Решение: Данное неравенство эквивалентно системе

$$\begin{cases} 1-x^2 > 0; \\ \log_2^2(x+2) + 2\log_2(x+2) - 3 < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (1-x)(1+x) > 0; \\ (\log_2(x+2) - 1)(\log_2(x+2) + 3) < 0, \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x > -1; \\ x < 1; \\ \log_2(x+2) > -3; \\ \log_2(x+2) < 1, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -1; \\ x < 1; \\ x+2 > \frac{1}{8}; \\ x+2 < 2, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -1; \\ x < 1; \\ x > -\frac{15}{8}; \\ x < 0, \end{cases} \Leftrightarrow x \in (-1; 0).$$

Ответ: $(-1; 0)$

Баллы	Критерии оценки выполнения задания С1
2	Приведена верная последовательность шагов решения: 1) переход от неравенства к эквивалентной системе неравенств; 2) решение полученной системы неравенств. Все преобразования и вычисления проведены правильно, получен верный ответ.
1	Приведена верная последовательность всех шагов решения. При решении системы неравенств в шаге 2) допущена описка и/или негрубая вычислительная ошибка, не влияющая на правильность дальнейшего хода решения. В результате этой описка и/или ошибки может быть получен неверный ответ.
0	Все случаи решения, не соответствующие указанным выше критериям выставления оценок в 1 или 2 балла.

№ 9 С1. Решите неравенство $\frac{\log_3^2(3x+3) - \log_3(3x+3) - 2}{\sqrt{\frac{9}{4} - x^2}} \leq 0$.

Решение: Данное неравенство эквивалентно системе

$$\begin{cases} \frac{9}{4} - x^2 > 0; \\ \log_3^2(3x+3) - \log_3(3x+3) - 2 \leq 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left(\frac{3}{2} - x\right)\left(\frac{3}{2} + x\right) > 0; \\ \left(\log_3(3x+3) + 1\right)\left(\log_3(3x+3) - 2\right) \leq 0, \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x > -\frac{3}{2}; \\ x < \frac{3}{2}; \\ \log_3(3x+3) \geq -1; \\ \log_3(3x+3) \leq 2, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -\frac{3}{2}; \\ x < \frac{3}{2}; \\ 3x+3 \geq \frac{1}{3}; \\ 3x+3 \leq 9, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -\frac{3}{2}; \\ x < \frac{3}{2}; \\ x \geq -\frac{8}{9}; \\ x \leq 2, \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left[-\frac{8}{9}; \frac{3}{2}\right).$$

Ответ: $\left[-\frac{8}{9}; \frac{3}{2}\right)$

№ 14 C1. Решите неравенство $\left(\log_4^2(x-2) + \log_4(x-2) - 2\right)\sqrt{x^2 - \frac{25}{4}} < 0$.

Решение: Данное неравенство эквивалентно системе

$$\begin{cases} x^2 - \frac{25}{4} > 0, \\ \log_4^2(x-2) + \log_4(x-2) - 2 < 0, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left(x - \frac{5}{2}\right)\left(x + \frac{5}{2}\right) > 0, \\ \left(\log_4(x-2) - 1\right)\left(\log_4(x-2) + 2\right) < 0, \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} \left[\begin{array}{l} x > 2,5, \\ x < -2,5, \end{array} \right. \\ \log_4(x-2) > -2, \\ \log_4(x-2) < 1, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left[\begin{array}{l} x > 2,5, \\ x < -2,5, \end{array} \right. \\ x-2 > \frac{1}{16}, \\ x-2 < 4, \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left[\begin{array}{l} x > 2,5, \\ x < -2,5, \end{array} \right. \\ x > \frac{33}{16}, \\ x < 6, \end{cases} \Leftrightarrow x \in (2,5; 6).$$

Ответ: (2,5; 6).

Варианты № 5, 10, 15

№ 5 C1. Решите уравнение $\sqrt{81^{x^2} \cdot \cos x} - 10\sqrt{64 \cos x} \cdot 3^{x^2} = 81\sqrt{\cos x}$

Решение:

Упростим уравнение $9^{x^2} \sqrt{\cos x} - 80\sqrt{\cos x} \cdot 3^{x^2} = 81\sqrt{\cos x}$,

$$\left(9^{x^2} - 80 \cdot 3^{x^2} - 81\right)\sqrt{\cos x} = 0.$$

Решим уравнение. а) $\cos x = 0$, $x = \frac{\pi}{2} + \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$;

б) учитывая условие $\cos x \geq 0$, получим $9^{x^2} - 80 \cdot 3^{x^2} - 81 = 0$.

Пусть $3^{x^2} = t$, $t > 0$, тогда уравнение имеет вид: $t^2 - 80t - 81 = 0$,

$t = -1$ – не удовлетворяет условию $t > 0$ или $t = 81$, отсюда $x^2 = 4$, $x = \pm 2$.

Условию $\cos x \geq 0$ эти значения не удовлетворяют.

Ответ: $\frac{\pi}{2} + \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$.

Баллы	Критерии оценки выполнения задания С1
2	Приведена верная последовательность всех шагов решения: 1) выполнены преобразования уравнения; 2) найдены корни полученного уравнения. Все преобразования и вычисления выполнены верно. Получен верный ответ.
1	Приведена верная последовательность всех шагов решения. Допущены вычислительная ошибка и/или описка, не влияющие на правильность дальнейшего хода решения. В результате этой ошибки или описки может быть получен неверный ответ.
0	Все случаи решения, которые не соответствуют вышеуказанным критериям выставления оценок в 1 и 2 балла.

№ 10 С1. Решите уравнение $\sqrt{16^{x^2} \cdot \sin x} = \sqrt{225 \sin x} \cdot 2^{x^2} + 16\sqrt{\sin x}$.

Решение

Упростим уравнение $4^{x^2} \sqrt{\sin x} = 15\sqrt{\sin x} \cdot 2^{x^2} + 16\sqrt{\sin x}$,

$$\left(4^{x^2} - 15 \cdot 2^{x^2} + 16\right) \sqrt{\sin x} = 0.$$

Решим уравнение: а) $\sin x = 0$, $x = \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$;

б) учитывая условие $\sin x \geq 0$, получим $4^{x^2} - 15 \cdot 2^{x^2} + 16 = 0$.

Пусть $2^{x^2} = t$, $t > 0$, тогда уравнение имеет вид: $t^2 - 15t - 16 = 0$,

$t = -1$ – не удовлетворяет условию $t > 0$ или $t = 16$, отсюда $x^2 = 4$, $x = \pm 2$.

Условию $\sin x \geq 0$ удовлетворяет $x = 2$

Ответ: 2; πk , $k \in \mathbb{Z}$.

№ 15 С1. Решите уравнение $\sqrt{625^x \cdot \operatorname{tg} x} + 5\sqrt{625 \cdot \operatorname{tg} x} = 6\sqrt{25^{x+1} \cdot \operatorname{tg} x}$

Решение

Упростим уравнение $25^x \sqrt{\operatorname{tg} x} - 30\sqrt{\operatorname{tg} x} \cdot 5^x + 125\sqrt{\operatorname{tg} x} = 0$,

$$\left(25^x - 30 \cdot 5^x + 125\right) \sqrt{\operatorname{tg} x} = 0. \text{ Решим уравнение: а) } \operatorname{tg} x = 0, x = \pi k, k \in \mathbb{Z};$$

б) учитывая условие $\operatorname{tg} x \geq 0$, получим $25^x - 30 \cdot 5^x + 125 = 0$.

Пусть $5^x = t$, $t > 0$, тогда уравнение имеет вид: $t^2 - 30t + 125 = 0$,

$t = 25$ или $t = 5$, отсюда $x = 2$ или $x = 1$. Условию $\operatorname{tg} x \geq 0$ удовлетворяет $x = 1$

Ответ: 1; πk , $k \in \mathbb{Z}$.